

Индивидуальное домашнее задание № 1

Номер варианта ИДЗ соответствует последней цифре в зачетной книжке.

Номера задач для выполнения ИДЗ представлены в таблице.

Вар		Номера задач													
		1	21	41	61	81	101	121	141	161	181	201	221	241	261
0	11	31	51	71	91	111	131	151	171	191	211	231	251	271	291
	2	22	42	62	82	102	122	142	162	182	202	222	242	262	282
1	12	32	52	72	92	112	132	152	172	192	212	232	252	272	292
	3	23	43	63	83	103	123	143	163	183	203	223	243	263	283
2	13	33	53	73	93	113	133	153	173	193	213	233	253	273	293
	4	24	44	64	84	104	124	144	164	184	204	224	244	264	284
3	14	34	54	74	94	114	134	154	174	194	214	234	254	274	294
	5	25	45	65	85	105	125	145	165	185	205	225	245	265	285
4	15	35	55	75	95	115	135	155	175	195	215	235	255	275	295
	6	26	46	66	86	106	126	146	166	186	206	226	246	266	286
5	16	36	56	76	96	116	136	156	176	196	216	236	256	276	296
	7	27	47	67	87	107	127	147	167	187	207	227	247	267	287
6	17	37	57	77	97	117	137	157	177	197	217	237	257	277	297
	8	28	48	68	88	108	128	148	168	188	208	228	248	268	288
7	18	38	58	78	98	118	138	158	178	198	218	238	258	278	298
	9	29	49	69	89	109	129	149	169	189	209	229	249	269	289
8	19	39	59	79	99	119	139	159	179	199	219	239	259	279	299
	10	30	50	70	90	110	130	150	170	190	210	230	250	270	290
9	20	40	60	80	100	120	140	160	180	200	220	240	260	280	300

Задачи для самостоятельной работы

1. Точка движется по окружности радиусом $R = 4$ м. Закон ее движения выражается уравнением $s = A + Bt^2$, где $A = 8$ м; $B = -2$ м/с². Найти момент времени t , когда нормальное ускорение точки $a_n = 9$ м/с²; скорость v ; тангенциальное a_m и полное a ускорения точки в этот момент времени.
2. Две материальные точки движутся согласно уравнениям: $x_1 = A_1 t + B_1 t^2 + C_1 t^3$ и $x_2 = A_2 t + B_2 t^2 + C_2 t^2$, где $A_1 = 4$ м/с; $B_1 = 8$ м/с²; $C_1 = -16$ м/с³; $A_2 = 2$ м/с; $B_2 = -4$ м/с²; $C_2 = 1$ м/с². В какой момент времени t ускорения этих точек будут одинаковы? Найти скорости v_1 и v_2 точек в этот момент.
3. Шар массой $m_1 = 10$ кг сталкивается с шаром массой $m_2 = 4$ кг. Скорость первого шара $v_1 = 4$ м/с, второго $v_2 = 12$ м/с. Найти общую скорость v шаров после удара в двух случаях: когда малый шар нагоняет большой шар, движущийся в том же направлении, и когда шары движутся навстречу друг другу. Удар считать прямым, центральным, неупругим.
4. В лодке массой $M = 240$ кг стоит человек массой $m = 60$ кг. Лодка плывет со скоростью $v = 2$ м/с. Человек прыгает с лодки в горизонтальном направлении со скоростью $v = 4$ м/с (относительно лодки). Найти скорость лодки после прыжка человека: вперед по движению лодки; в сторону, противоположную движению лодки.
5. Человек, стоявший в лодке, сделал 6 шагов вдоль лодки и остановился. На сколько шагов передвинулась лодка, если масса лодки в 2 раза больше массы человека или в 2 раза меньше?
6. Из пружинного пистолета выстрелили пулей, масса которой $m = 5$ г. Жесткость пружины $k = 1,25$ кН/м. Пружина была сжата на $\Delta l = 8$ см. Определить скорость пули при вылете ее из пистолета.
7. Шар массой $m_1 = 200$ г, движущийся со скоростью $v_1 = 10$ м/с, ударяет неподвижный шар массой $m_2 = 800$ г. Удар прямой, центральный, абсолютно упругий. Определить скорости шаров после удара.
8. Шар, двигавшийся горизонтально, столкнулся с неподвижным шаром и передал ему 64% своей кинетической энергии. Шары абсолютно упругие, удар прямой, центральный. Во сколько раз масса второго шара больше массы первого?
9. Цилиндр, расположенный горизонтально, может вращаться около оси, совпадающей с осью цилиндра. Масса цилиндра $m_1 = 12$ кг. На цилиндр намотали шнур, к которому привязали гирю массой $m_2 = 1$ кг. С каким ускорением будет опускаться гиря? Какова сила натяжения шнура во время движения гири?
10. Через блок, выполненный в виде колеса, перекинута нить, к концам которой привязаны грузы с массами $m_1 = 100$ г и $m_2 = 300$ г. Массу колеса $M = 200$ г считать равномерно распределенной по ободу, массой спиц пренебречь. Определить ускорение, с которым будут двигаться грузы и силы натяжения нити по обе стороны блока.
11. Двум одинаковым маховикам, находящимся в покое, сообщили одинаковую угловую скорость $\omega = 63$ рад/с и предоставили их самим себе. Под действием сил трения первый маховик остановился через одну минуту, а второй сделал до полной остановки $N = 360$ оборотов. У какого маховика тормозящий момент был больше и во сколько раз?
12. Шар скатывается с наклонной плоскости высотой $H = 90$ см. Какую линейную скорость будет иметь центр шара в тот момент, когда шар скатится с наклонной плоскости?
13. На верхней поверхности горизонтального диска, который может вращаться вокруг оси, проложены по окружности радиуса $r = 50$ см рельсы игрушечной железной дороги. Масса диска $m_1 = 10$ кг, его радиус $R = 60$ см. На рельсы неподвижного диска был поставлен заводной паровозик массой $m = 1$ кг и выпущен из рук. Он начал двигаться относительно рельса со скоростью $v = 0,8$ м/с. С какой угловой скоростью будет вращаться диск?
14. Платформа в виде диска вращается по инерции около вертикальной оси с частотой $n_1 = 15$ об/мин. На краю платформы стоит человек. Когда человек перешел в центр платформы, частота возросла до $n_2 = 25$ об/мин. Масса человека $m = 70$ кг. Определить массу M платформы. Момент инерции человека рассчитывать, как для материальной точки.
15. Искусственный спутник обращается вокруг Земли по круговой орбите на высоте $H = 3200$ км над поверхностью Земли. Определить линейную скорость спутника.
16. Точка совершает гармонические колебания. В некоторый момент времени смещение точки $x = 5$ см, скорость ее $v = 20$ см/с и ускорение $a = -80$ см/с². Найти циклическую частоту и период колебаний; фазу колебаний в рассматриваемый момент времени и амплитуду колебаний.

17. Точка совершает гармонические колебания, уравнение которых имеет вид $x = A \sin \omega t$, где $A = 5$ см; $\omega = 2 \text{ c}^{-1}$. Найти момент времени (ближайший к началу отсчета), в который потенциальная энергия точки $P = 10^{-4}$ Дж, а возвращающая сила $F = 5 \cdot 10^{-3}$ Н. Определить также фазу колебаний в этот момент времени.

18. Два гармонических колебания, направленных по одной прямой, имеющих одинаковые амплитуды и периоды, складываются в одно колебание той же амплитуды. Найти разность фаз складываемых колебаний.

19. Точка совершает одновременно два гармонических колебания, происходящих по взаимно перпендикулярным направлениям и выражаемых уравнениями: $x = A_1 \cos \omega_1 t$ и $y = A_2 \cos \omega_2(t + \tau)$, где $A_1 = 4$ см; $\omega_1 = \pi \text{ c}^{-1}$; $A_2 = 8$ см; $\omega_2 = \pi \text{ c}^{-1}$; $\tau = 1$ с. Найти уравнение траектории и начертить ее с соблюдением масштаба.

20. Поперечная волна распространяется вдоль упругого шнура со скоростью $v = 15$ м/с. Период колебаний точек шнура $T = 1,2$ с. Определить разность фаз $\Delta\phi$ колебаний двух точек, лежащих на луче и отстоящих от источника волн на расстояниях $x_1 = 20$ м и $x_2 = 30$ м.

21. Колесо радиусом $R = 0,3$ м вращается согласно уравнению $\phi = At + Bt^2$, где $A = 1$ рад/с; $B = 0,1$ рад/ с^3 . Определить полное ускорение точек на окружности колеса в момент времени $t = 2$ с.

22. Движения двух материальных точек выражаются уравнениями $x_1 = A_1 + B_1 t + C_1 t^2$ и $x_2 = A_2 + B_2 t + C_2 t^2$, где $A_1 = 20$ м; $B_1 = -2$ м/с; $C_1 = -4$ м/ с^2 ; $A_2 = 2$ м; $B_2 = 2$ м/с; $C_2 = 0,5$ м/ с^2 . В какой момент времени скорости этих точек будут одинаковы? Чему равны скорости и ускорения точек в этот момент?

23. Материальная точка движется по окружности радиусом $R = 2$ м согласно уравнению $x = At + Bt^2$, где $A = 8$ м/с; $B = -0,2$ м/ с^3 . Найти скорость v , тангенциальное a_t , нормальное a_n и полное a ускорения в момент времени $t = 3$ с.

24. Материальная точка движется прямолинейно. Уравнение движения имеет вид $x = At + Bt^2$, где $A = 3$ м/с; $B = 0,06$ м/ с^3 . Найти скорость v и ускорение точки в моменты времени $t_1 = 0$ и $t_2 = 3$ с. Каковы средние значения скорости и ускорения за первые 3 с движения?

25. Точка движется по прямой согласно уравнению $x = At + Bt^2$, где $A = 6$ м/с; $B = 0,125$ м/ с^3 . Определить среднюю скорость $\langle \frac{\Delta s}{\Delta t} \rangle$ точки в интервале времени от $t_1 = 2$ с до $t_2 = 6$ с.

26. Две материальные точки движутся согласно уравнениям $x_1 = A_1 + B_1 t + C_1 t^2$ и $x_2 = A_2 + C_2 t^2$, где $A_1 = 10$ м; $B_1 = 32$ м/с; $C_1 = -3$ м/ с^2 ; $A_2 = 5$ м; $C_2 = 5$ м/ с^2 . В какой момент времени скорости этих точек одинаковы? Чему равны скорости и ускорения точек в этот момент?

27. Диск радиусом $R = 0,2$ м вращается согласно уравнению $x = A + Bt + Ct^3$, где $A = 3$ рад; $B = -1$ рад/с; $C = 0,1$ рад/ с^3 . Определить тангенциальное a_t , нормальное a_n и полное a ускорения точек на окружности диска для момента времени $t = 10$ с.

28. По дуге окружности радиусом $R = 10$ м вращается точка. В некоторый момент времени нормальное ускорение точки $a_n = 4,9$ м/ с^2 , вектор полного ускорения образует в этот момент с вектором нормального ускорения угол $\alpha = 60^\circ$. Найти скорость v и тангенциальное ускорение a_t точки.

29. Снаряд массой $m = 10$ кг обладал скоростью $v = 300$ м/с в верхней точке траектории. В этой точке он разорвался на две части. Меньшая массой $m_1 = 2$ кг получила скорость $v_1 = 500$ м/с.

С какой скоростью и в каком направлении полетит большая часть, если меньшая полетела вперед под углом $\alpha = 60^\circ$ к плоскости горизонта?

30. Шарик массой $m = 200$ г ударился о стенку со скоростью $v = 10$ м/с и отскочил от нее с такой же скоростью.. Определить импульс p , полученный стенкой, если до удара шарик двигался под углом $\alpha = 30^\circ$ к плоскости стенки.

31. Шарик массой $m = 100$ г свободно падает с высоты $h_1 = 1$ м на стальную плиту и подпрыгивает на высоту $h_2 = 0,5$ м. Определить импульс p (по величине и направлению), сообщенный плитой шарику.

32. Шарик массой $m_1 = 100$ г ударился о стенку со скоростью $v = 5$ м/с и отскочил от нее с той же скоростью. Определить импульс, полученный стенкой, если до удара шарик двигался под углом $\alpha = 60^\circ$ к плоскости стенки.

33. На тележке, свободно движущейся по горизонтальному пути со скоростью $v_1 = 3$ м/с, находится человек. Человек прыгает в сторону, противоположную движению тележки. После прыжка скорость тележки изменилась и стала равной $u_1 = 4$ м/с. Определить горизонтальную составляющую скорости u_{2x} человека при прыжке относительно тележки. Масса тележки $m = 210$ кг, масса человека $m_2 = 70$ кг.

34. Снаряд, летящий со скоростью $v_0 = 500$ м/с, разорвался на два осколка. Меньший осколок, масса которого составляет 20% от общей массы снаряда, полетел в противоположном направлении со скоростью $v_1 = 200$ м/с. Определить скорость u_2 большого осколка.

35. На железнодорожной платформе установлено орудие. Орудие жестко скреплено с платформой. Масса платформы и орудия $M = 20$ т. Орудие производит выстрел под углом $\alpha = 60^\circ$ к линии горизонта в направлении пути. Какую скорость u_1 приобретает платформа с орудием вследствие отдачи, если масса снаряда $m = 50$ кг и он вылетает из канала ствола со скоростью $u_2 = 500$ м/с?

36. Две одинаковые лодки массами $M = 200$ кг (вместе с человеком, находящимся в лодке) движутся параллельными курсами навстречу друг другу с одинаковыми скоростями $v_1 = 1$ м/с. Когда лодки поравнялись, то с первой лодки на вторую и со второй на первую одновременно перебрасывают груз массой $m=20$ кг. Определить скорости лодок после перебрасывания грузов.

37. Шар массой $m_1 = 2$ кг движется со скоростью $v_1 = 3$ м/с и сталкивается с шаром массой $m_2 = 4$ кг, движущимся ему навстречу со скоростью $v_2 = 4$ м/с. Определить скорости шаров после прямого центрального удара. Удар считать абсолютно упругим.

38. Боец свайного молота массой $m_1 = 0,6$ т падает с некоторой высоты на сваю массой $m_2 = 150$ кг. Найти КПД бойка, считая удар неупругим. Полезной считать энергию, пошедшую на углубление сваи.

39. Шар массой $m_1 = 6$ кг движется со скоростью $v_1 = 2$ м/с и сталкивается с шаром массой $m_2 = 4$ кг, который движется ему на встречу со скоростью $v_2 = 5$ м/с. Найти скорость шаров после прямого центрального удара. Шары считать абсолютно упругими.

40. Молот массой $m = 10$ кг ударяет по небольшому куску мягкого железа, лежащему на наковальне. Масса наковальни $M = 0,4$ т. Определить КПД удара молота при данных условиях. Удар считать неупругим. Полезной в данном случае является энергия, пошедшая на деформацию куска железа.

41. Шар массой $m_1 = 5$ кг движется со скоростью $v_1 = 2$ м/с и сталкивается с покоящимся шаром массой $m_2 = 3$ кг. Вычислить работу A , совершенную при деформации шаров при прямом центральном ударе. Шары считать неупругими.

42. Шар массой $m_1 = 2$ кг движется со скоростью $v_1 = 4$ м/с и сталкивается с покоящимся шаром массой $m_2 = 5$ кг. Определить скорости шаров после прямого центрального удара. Шары считать абсолютно упругими.

43. Деревянный шар массой $M = 10$ кг подведен на нити длиной $l = 2$ м. В шар попадает горизонтально летящая пуля массой $m=5$ г и застревает в нем. Определить скорость v пули, если нить с шаром отклонилась от вертикали на угол $\alpha = 3^\circ$. Размером шара пренебречь. Удар пули считать центральным.

44. Вагон массой $m = 40$ т движется на упор со скоростью $v = 0,1$ м/с. При полном торможении вагона буферные пружины сжимаются на $\Delta l = 10$ см. Определить максимальную силу F_{\max} сжатия буферных пружин и продолжительность Δt торможения.

45. Атом распадается на две части массами $m_1 = 1,6 \cdot 10^{-25}$ кг и $m_2 = 2,3 \cdot 10^{-25}$ кг. Определить кинетические энергии T_1 и T_2 частей атома, если их общая кинетическая энергия $T = 2,2 \cdot 10^{-11}$ Дж. Кинетической энергией и импульсом атома до распада пренебречь.

46. На покоящийся шар налетает со скоростью $v = 4$ м/с другой шар одинаковой с ним массы. В результате столкновения шар изменил направление движения на угол $\alpha = 30^\circ$. Определить скорости шаров после удара. Удар считать абсолютно упругим.

47. На спокойной воде пруда находится лодка длиной $l = 4$ м, расположенная перпендикулярно берегу. На корме лодки стоит человек. Масса лодки с человеком $M = 240$ кг, масса человека $m = 60$

кг.

Человек перешел с кормы на нос лодки. Насколько переместились при этом относительно берега человек и лодка?

48. Тело массой $m = 0,2$ кг соскальзывает без трения с горки высотой $h = 2$ м. Найти изменение импульса Δp тела.

49. Какую максимальную часть своей кинетической энергии может передать частица массой $m_1 = 2 \cdot 10^{-22}$ г, сталкиваясь упруго с частицей массой $m_2 = 8 \cdot 10^{-22}$ г, которая до столкновения покоилась?

50. Абсолютно упругий шар массой $m_1 = 1,8$ кг сталкивается с покоящимся упругим шаром большей массы. В результате центрального прямого удара шар потерял 36% своей кинетической энергии. Определить массу m_2 большего шара.

51. Плот массой $M = 140$ кг и длиной $l = 3$ м плавает на воде. На плоту находится человек, масса которого $m = 70$ кг. С какой наименьшей скоростью v и под каким углом α к плоскости горизонта должен прыгнуть человек вдоль плота, чтобы попасть на его противоположный край?

52. Лодка длиной $l = 3$ м и массой $M = 120$ кг стоит на спокойной воде. На носу и корме находятся два рыбака массами $m_1 = 60$ кг и $m_2 = 90$ кг. Насколько сдвинется лодка относительно воды, если рыбаки пройдут по лодке и поменяются местами?

53. С какой скоростью вылетит из пружинного пистолета шарик массой $m = 10$ г, если пружина была сжата на $\Delta x = 5$ см и жесткость пружины $k = 200$ Н/м?

54. Пружина жесткостью $k = 10^4$ Н/м сжата силой $F = 200$ Н. Определить работу внешней силы, дополнительно сжимающей эту пружину еще на $\Delta l = 1$ см.

55. Вагон массой $m = 20$ т двигался со скоростью $v = 1$ м/с. Налетев на пружинный буфер, он остановился, сжав пружину буфера на $\Delta l = 10$ см. Определить жесткость пружины.

56. Пружина жесткостью $k = 10^3$ Н/м была сжата на $x_1 = 5$ см. Какую нужно совершить работу, чтобы сжатие пружины увеличить до $x_2 = 15$ см?

57. Гиря, положенная на верхний конец спиральной пружины, сжимает ее на $\Delta l = 2$ мм. На сколько сожмет пружину та же гиря, упавшая на конец пружины с высоты $h = 5$ см?

58. Из ствола автоматического пистолета вылетела пуля массой $m = 10$ г со скоростью $v = 300$ м/с. Затвор пистолета массой $M = 200$ г прижимается к стволу пружиной, жесткость которой $k = 25$ кН/м. На какое расстояние отойдет затвор после выстрела? (Считать, что пистолет жестко закреплен.)

59. Две пружины жесткостью $k_1 = 1$ кН/м и $k_2 = 3$ кН/м скреплены параллельно. Определить потенциальную энергию данной системы при абсолютной деформации $\Delta l = 5$ см.

60. Две пружины жесткостью $k_1 = 300$ Н/м и $k_2 = 500$ Н/м скреплены последовательно. Определить работу по растяжению обеих пружин, если вторая пружина была растянута на $\Delta l = 3$ см.

61. Диск радиусом $R = 20$ см и массой $m = 7$ кг вращается согласно уравнению $\varphi = A + Bt + Ct^2$, где $A = 3$ рад; $B = -1$ рад/с; $C = 0,1$ рад/с³. Найти закон, по которому меняется вращающий момент, действующий на диск. Определить момент сил M в момент времени $t = 2$ с.

62. Маховик радиусом $R = 10$ см насажен на горизонтальную ось. На обод маховика намотан шнур, к которому привязан груз массой $m = 800$ г. Опускаясь равноускоренно, груз прошел расстояние $s = 160$ см за время $t = 2$ с. Определить момент инерции маховика.

63. Сплошной цилиндр скатился с наклонной плоскости высотой $h = 15$ см. Определить скорость v поступательного движения цилиндра в конце наклонной плоскости.

64. Сплошной однородный диск катится по горизонтальной плоскости со скоростью $v = 10$ м/с. Какое расстояние пройдет диск до остановки, если его предоставить самому себе? Коэффициент трения при движении диска равен 0,02.

65. Тонкий стержень длиной $l = 40$ см и массой $m = 0,6$ кг вращается около оси, проходящей через середину стержня перпендикулярно его длине. Уравнение вращения стержня $\varphi = At + Bt^3$, где $A = 1$ рад/с; $B = 0,1$ рад/с³. Определить вращающий момент M в момент времени $t = 2$ с.

66. Диск радиусом $R = 20$ см и массой $m = 5$ кг вращается с частотой $n = 8$ об/с. При торможении он остановился через время $t = 4$ с. Определить тормозящий момент M .

67. Через неподвижный блок массой $m = 0,2$ кг перекинут шнур, к концам которого подвешены грузы массами $m_1 = 0,3$ кг и $m_2 = 0,5$ кг. Определить силы натяжения шнура T_1 и T_2 по обе стороны блока во время движения грузов, если массу блока можно считать равномерно распределенной по ободу.

68. Через блок радиусом $R = 3$ см перекинули шнур, к концам которого привязаны грузы массами $m_1 = 100$ г и $m_2 = 120$ г. При этом грузы пришли в движение с ускорением $a = 3 \text{ м/с}^2$. Определить момент инерции блока. Трение при вращении не учитывать.

69. На краю горизонтальной платформы, имеющей форму диска радиусом $R = 2$ м, стоит человек. Масса платформы $M = 200$ кг, масса человека $m = 80$ кг. Платформа может вращаться вокруг вертикальной оси, проходящей через ее центр. Пренебрегая трением, найти, с какой угловой скоростью будет вращаться платформа, если человек будет идти вдоль ее края со скоростью $v = 2 \text{ м/с}$ относительно платформы.

70. На скамейке Жуковского стоит человек и держит в руках стержень, расположенный вертикально по оси вращения скамейки. Скамейка с человеком вращается с угловой скоростью $\omega_1 = 1 \text{ рад/с}$. С какой угловой скоростью ω_2 будет вращаться скамейка с человеком, если повернуть стержень так, чтобы он занял горизонтальное положение? Суммарный момент инерции человека и скамейки $J = 6 \text{ кг}\cdot\text{м}^2$. Длина стержня $l = 2,4$ м, его масса $m = 8$ кг. Считать, что центр тяжести стержня с человеком находится на оси платформы.

71. Платформа, имеющая форму диска, может вращаться около вертикальной оси. На краю платформы стоит человек. На какой угол ϕ повернется платформа, если человек пойдет вдоль края платформы и, обойдя ее, вернется в исходную точку? Масса платформы $M = 240$ кг, масса человека $m = 60$ кг. Момент инерции человека рассчитывать, как для материальной точки.

72. Шарик массой $m = 50$ г, привязанный к концу нити длиной $l_1 = 1$ м, вращается с частотой $n_1 = 1 \text{ об/с}$, опираясь на горизонтальную плоскость. Нить укорачивается, приближая шарик к оси вращения до расстояния $l_2 = 0,5$ м. С какой частотой n_2 будет при этом вращаться шарик? Какую работу A совершает внешняя сила, укорачивая нить? Трением шарика о плоскость пренебречь.

73. Платформа в виде диска радиусом $R = 1$ м вращается по инерции с частотой $n_1 = 6 \text{ об/мин}$. На краю платформы стоит человек, масса которого $m = 80$ кг. С какой частотой будет вращаться платформа, если человек перейдет в ее центр? Момент инерции платформы $J = 120 \text{ кг}\cdot\text{м}^2$. Момент инерции человека рассчитывать, как для материальной точки.

74. Человек стоит на скамейке Жуковского и ловит рукой мяч массой $m = 0,4$ кг, летящий в горизонтальном направлении со скоростью $v = 20 \text{ м/с}$. Траектория мяча проходит на расстоянии $r = 0,8$ м от вертикальной оси вращения скамейки. С какой угловой скоростью ω начнет вращаться скамейка Жуковского с человеком, поймавшим мяч? Считать, что суммарный момент инерции человека и скамейки $J = 6 \text{ кг}\cdot\text{м}^2$.

75. Человек стоит на скамейке Жуковского и держит в руках стержень, расположенный вертикально вдоль оси вращения скамейки. Стержень служит осью вращения колеса, расположенного на верхнем конце стержня. Скамейка неподвижна, колесо вращается с частотой $n = 10 \text{ об/с}$. С какой угловой скоростью ω будет вращаться скамейка, если человек повернет стержень на угол 180° и колесо окажется на нижнем конце стержня? Суммарный момент инерции человека и скамейки $J = 6 \text{ кг}\cdot\text{м}^2$, радиус колеса $R = 20$ см. Массу колеса $m = 3$ кг можно считать равномерно распределенной по ободу. Считать, что центр тяжести с колесом находится на оси платформы.

76. Маховик, имеющий вид диска радиусом $R = 40$ см и массой $m = 50$ кг, может вращаться вокруг горизонтальной оси. На этой оси жестко закреплен шкив радиусом $r = 10$ см. По касательной к шкиву приложена постоянная сила $F = 500$ Н. Через сколько времени маховик раскрутится до частоты $n = 1 \text{ об/с}$?

77. На каком расстоянии от центра Земли находится точка, в которой напряженность суммарного гравитационного поля Земли и Луны равна нулю? Принять, что масса Земли в 81 раз больше массы Луны и что расстояние от центра Земли до центра Луны равно 60 радиусам Земли.

78. Период обращения T искусственного спутника Земли равен 2 ч. Считая орбиту спутника круговой, найти, на какой высоте над поверхностью Земли движется спутник.

79. Стационарный искусственный спутник движется по окружности в плоскости земного экватора, оставаясь все время над одним и тем же пунктом земной поверхности. Определить угловую скорость со спутника и радиус R его орбиты.

80. На какой высоте h над поверхностью Земли напряженность G поля тяготения равна 1 Н/кг?

81. Период обращения искусственного спутника Земли $T = 50$ мин. Считая орбиту спутника круговой, найти, на какой высоте над поверхностью Земли движется спутник.
82. Определить работу A , которую совершают силы гравитационного поля Земли, если тело массой $m=1$ кг упадет на поверхность Земли: 1) с высоты, равной радиусу Земли; 2) из бесконечности.
83. На какую высоту h над поверхностью Земли поднимется ракета, пущенная вертикально вверх, если начальная скорость v_0 ракеты будет равна первой космической скорости?
84. Метеорит массой $m = 10$ кг падает из бесконечности на поверхность Земли. Определить работу, которую совершают при этом силы гравитационного поля Земли.
85. Материальная точка совершает колебания по закону синуса. Наибольшее смещение точки $A = 20$ см, наибольшая скорость $v_{\max} = 40$ см/с. Написать уравнение колебаний и найти максимальное ускорение точки.
86. Точка совершает гармонические колебания, уравнение которых имеет вид $x = A \sin \omega t$, где $A = 5$ см; $\omega = 2$ с⁻¹. В момент, когда на точку действовала возвращающая сила $F = +5$ мН, точка обладала потенциальной энергией $P = 0,1$ мДж. Найти этот момент времени t и соответствующую ему фазу ϕ колебания.
87. Стержень длиной $l = 40$ см колеблется около оси, перпендикулярной стержню и проходящей через его верхний конец. Определить период колебаний такого маятника.
88. Материальная точка массой $m = 0,01$ кг совершает гармонические колебания, уравнение которых имеет вид $x = A \sin \omega t$, где $A = 0,2$ м; $\omega = 8\pi$ с⁻¹. Найти возвращающую силу F в момент времени $t = 0,1$ с, а также полную энергию E точки.
89. На стержне длиной $l = 30$ см укреплены два одинаковых грузика: один — в середине стержня, другой — на одном из его концов. Стержень с грузиками колеблется около горизонтальной оси, проходящей через свободный конец стержня. Определить приведенную длину L и период T колебаний. Массой стержня пренебречь.
90. Материальная точка массой $m = 0,1$ г колеблется согласно уравнению $x = A \sin \omega t$, где $A = 5$ см; $\omega = 20$ с⁻¹. Определить максимальные значения возвращающей силы F_{\max} и кинетической энергии T_{\max} точки.
91. Однородный диск радиусом $R = 30$ см колеблется около горизонтальной оси, проходящей через одну из образующих цилиндрической поверхности диска. Определить период T колебаний диска.
92. Диск радиусом $R = 24$ см колеблется около горизонтальной оси, проходящей через середину одного из радиусов перпендикулярно плоскости диска. Определить частоту v колебаний такого физического маятника.
93. Материальная точка участвует одновременно в двух взаимно перпендикулярных колебаниях, происходящих согласно уравнениям: $x = A_1 \sin \omega_1 t$; и $y = A_2 \sin \omega_2 t$, где $A_1 = 3$ см; $\omega_1 = 1$ с⁻¹; $A_2 = 2$ см; $\omega_2 = 1$ с⁻¹. Определить траекторию точки. Построить траекторию с соблюдением масштаба, указать направление движения точки.
94. Точка совершает одновременно два гармонических колебания, происходящих по взаимно перпендикулярным направлениям и выражаемых уравнениями: $x = A_1 \sin \omega_1 t$ и $y = A_2 \sin \omega_2 t$, где $A_1 = 1$ см; $\omega_1 = 0,5$ с⁻¹; $A_2 = 1$ см; $\omega_2 = 1$ с⁻¹. Найти уравнение траектории построить ее с соблюдением масштаба и указать направление движения.
95. Складываются два колебания одинакового направления и одинакового периода: $x = A_1 \sin \omega_1 t$ и $x_2 = A_2 \sin \omega_2(t + \tau)$, где $A_1 = A_2 = 1$ см; $\omega_1 = \omega_2 = \pi$ с⁻¹; $\tau = 0,5$ с. Определить амплитуду A и начальную фазу ϕ_0 результирующего колебания. Написать его уравнение.
96. Точка участвует одновременно в двух взаимно перпендикулярных колебаниях, уравнения которых: $x = A_1 \sin \omega_1 t$ и $y = A_2 \cos \omega_2 t$, где $A_1 = 2$ см; $A_2 = 1$ см; $\omega_1 = \omega_2 = 1$ с⁻¹. Написать уравнение траектории и построить ее на чертеже; показать направление движения точки.
97. Материальная точка участвует в двух колебаниях, проходящих по одной прямой и выражаемых уравнениями: $x_1 = A_1 \sin \omega_1 t$; $x_2 = A_2 \cos \omega_2 t$, где $A_1 = 1$ см; $A_2 = 2$ см; $\omega_1 = \omega_2 = 1$ с⁻¹. Найти амплитуду A сложного движения, его частоту v , и начальную фазу ϕ_0 . Написать уравнение движения.
98. Точка участвует в двух взаимно перпендикулярных колебаниях, выражаемых уравнениями: $x = A_1 \cos \omega_1 t$ и $y = A_2 \sin \omega_2 t$ где $A_1 = 2$ см; $A_2 = 3$ см; $\omega_1 = 2\omega_2$. Найти уравнение траектории точки и построить ее на чертеже; показать направление движения точки.

99. Определить скорость v распространения волн в упругой среде, если разность фаз $\Delta\phi$ колебаний двух точек, отстоящих друг от друга на 10 см, равна 60° . Частота колебаний $v = 25$ Гц.
100. Две точки находятся на прямой, вдоль которой распространяются волны со скоростью $v = 50$ м/с. Период колебаний $T = 0,5$ с, расстояние между точками $x = 50$ см. Найти разность фаз $\Delta\phi$ колебаний в этих точках.
101. Вычислить массу m атома азота.
102. Плотность газа ρ при давлении $p = 720$ мм рт. ст. и температуре $T=0^\circ\text{C}$ равна 1,35 г/л. Найти массу киломоля μ газа.
103. Каково будет давление газа, в объеме $V = 1$ см³ которого содержится $N = 10^9$ молекул, при температуре $t_1 = 3$ К и $t_2 = 1000$ К?
104. При температуре $T = 35^\circ\text{C}$ и давлении $p = 7$ атм плотность некоторого газа $\rho = 12,2$ кг/м³. Определить относительную молекулярную массу M газа.
105. Какой объем V занимает смесь азота массой $m_1 = 1$ кг и гелия массой $m_2 = 1$ кг при нормальных условиях?
106. В баллоне емкостью $V = 15$ л находится смесь, содержащая $m_1 = 10$ г водорода, $m_2 = 54$ г водяного пара и $m_3 = 60$ г окиси углерода. Температура смеси $t = 27^\circ\text{C}$. Определить давление.
107. Найти полную кинетическую энергию, а также кинетическую энергию вращательного движения одной молекулы аммиака NH_3 при температуре $T = 27^\circ\text{C}$.
108. Определить удельные теплоемкости C_V и C_p газообразной окиси углерода CO.
109. Определить удельные теплоемкости C_V и C_p газа, состоящего по массе из 85% кислорода (O_2) и 15% озона (O_3).
110. Определить удельные теплоемкости C_V и C_p смеси, содержащей $m_1 = 3$ кг азота и $m_2 = 1$ кг водяного пара, принимая эти газы за идеальные.
111. Молекула газа состоит из двух атомов; разность удельных теплоемкостей газа при постоянном давлении и постоянном объеме равна 260 Дж/(г·К). Найти молярную массу газа и его удельные теплоемкости C_V и C_p .
112. Найти среднюю длину свободного пробега $\langle l \rangle$ молекулы водорода при давлении $p = 0,001$ мм рт. ст. и температуре $t = 173^\circ\text{C}$.
113. Азот нагревался при постоянном давлении, причем ему было сообщено количество теплоты $Q = 21$ кДж. Определить работу A , которую совершил при этом газ, и изменение ΔU его внутренней энергии.
114. Водород занимает объем $V_1 = 10$ м³ при давлении $p_1 = 0,1$ Па. Газ нагрели при постоянном объеме до давления $p_2 = 0,3$ МПа. Определить изменение ΔU внутренней энергии газа, работу A , совершенную газом, и теплоту Q , сообщенную газу.
115. Кислород при неизменном давлении $p = 80$ кПа нагревается. Его объем увеличивается от $V_1 = 1$ м³ до $V_2 = 3$ м³. Определить изменение ΔU внутренней энергии кислорода, работу A , совершенную им при расширении, а также теплоту Q , сообщенную газу.
116. В цилиндре под поршнем находится азот, имеющий массу $m = 0,6$ кг и занимающий объем $V_1 = 1,2$ м³ при температуре $t_1 = 560$ К. В результате нагревания газ расширился и занял объем $V_2 = 4,2$ м³, причем температура осталась неизменной. Найти изменение ΔU внутренней энергии газа, совершенную им работу A , и теплоту, сообщенную газу.
117. В бензиновом автомобильном моторе степень сжатия горючей смеси равна 6,2. Смесь засасывается в цилиндр при температуре $t_1 = 15^\circ\text{C}$. Найти температуру t_2 горючей смеси в конце такта сжатия. Горючую смесь рассматривать как двухатомный идеальный газ, процесс считать адиабатным.
118. Газ совершает цикл Карно. Абсолютная температура нагревателя в 3 раза выше, чем температура охладителя. Нагреватель передал газу $Q_1 = 41,9$ кДж теплоты. Какую работу совершил газ?
119. Найти число молей v и число молекул N , содержащихся в 2 кг кислорода.
120. Определить массу m_1 одной молекулы воды.
121. Найти число N атомов, содержащихся в капельке ртути массой $m = 1$ г.
122. Определить молярную массу μ и массу m_1 одной молекулы поваренной соли.
123. Определить массу m_1 одного атома водорода и число N атомов, содержащихся в одном грамме водорода.

124. Найти число v молей и число n молекул, содержащихся в объеме $V = 1 \text{ см}^3$ воды при температуре $t = 4^\circ\text{C}$.
125. Определить массу m_1 одной молекулы сероуглерода CS_2 . Принимая, что молекулы в жидкости имеют шарообразную форму и расположены вплотную друг к другу, определить диаметр d молекулы.
126. Определить массу m_1 одной молекулы углекислого газа CO_2 .
127. В баллоне емкостью $V = 20 \text{ л}$ находится аргон под давлением $p_1 = 800 \text{ кПа}$ и температуре $T_1 = 325 \text{ К}$. Когда из баллона было взято некоторое количество аргона, давление в баллоне понизилось до $p_2 = 600 \text{ кПа}$, а температура установилась $T_2 = 300 \text{ К}$. Определить массу m аргона, взятого из баллона.
128. Вычислить плотность ρ кислорода, находящегося в баллоне под давлением $p = 1 \text{ МПа}$ при температуре $T = 300 \text{ К}$.
129. Некоторый газ находится под давлением $p = 700 \text{ кПа}$ при температуре $T = 308 \text{ К}$. Определить относительную молекулярную массу газа M , если плотность газа $\rho = 12,2 \text{ кг/м}^3$.
130. Вычислить плотность ρ азота, находящегося в баллоне под давлением $p = 20 \text{ ат}$. Температура азота $T = 290 \text{ К}$.
131. Баллон емкостью $V = 40 \text{ л}$ заполнен азотом. Температура азота $T = 300 \text{ К}$. Когда часть азота израсходовали, давление в баллоне понизилось на $\Delta p = 400 \text{ кПа}$. Определить массу Δm израсходованного азота. Процесс считать изотермическим.
132. Баллон емкостью $V = 50 \text{ л}$ заполнен кислородом. Температура кислорода $T = 300 \text{ К}$. Когда часть кислорода израсходовали, давление в баллоне понизилось на $\Delta p = 200 \text{ кПа}$. Определить массу израсходованного кислорода. Процесс считать изотермическим.
133. Два сосуда одинаковой емкости содержат кислород. В одном сосуде давление $p_1 = 1 \text{ МПа}$ и температура $T_1 = 400 \text{ К}$, в другом $p_2 = 1,5 \text{ МПа}$, $T_2 = 250 \text{ К}$. Сосуды соединили трубкой и охладили находящийся в них кислород до температуры $T = 300 \text{ К}$. Определить установившееся давление p в сосудах.
134. Давление p насыщенного водяного пара при температуре $T = 300 \text{ К}$ равно $26,7 \text{ мм рт. ст.}$ Определить плотность ρ водяного пара при этих условиях, принимая его за идеальный газ.
135. Баллон емкостью $V = 30 \text{ л}$ содержит смесь водорода и гелия при температуре $T = 300 \text{ К}$ и давлении $p = 0,8 \text{ МПа}$. Масса смеси $m = 24 \text{ г}$. Определить массу m_1 водорода и массу m_2 гелия.
136. В баллоне емкостью $V = 11,2 \text{ л}$ находится водород при нормальных условиях. После того как в баллон было дополнительно введено некоторое количество гелия, давление в баллоне возросло до $p = 0,15 \text{ МПа}$, а температура не изменилась. Определить массу гелия, введенного в баллон.
137. Сосуд емкостью $V = 0,01 \text{ м}^3$ содержит азот массой $m_1 = 1 \text{ г}$ и водород массой $m_2 = 1 \text{ г}$ при температуре $T = 280 \text{ К}$. Определить давление p смеси газов.
138. Найти плотность ρ газовой смеси, состоящей по массе из одной части водорода и восьми частей кислорода при давлении $p = 0,1 \text{ МПа}$ и температуре $T = 290 \text{ К}$.
139. Сосуд емкостью $V = 0,01 \text{ м}^3$ содержит азот массой $m_1 = 1 \text{ г}$ и водород массой $m_2 = 1 \text{ г}$ при температуре $T = 280 \text{ К}$. Определить давление p смеси газов.
140. Баллон емкостью $V = 15 \text{ л}$ содержит смесь водорода и азота при температуре $T = 300 \text{ К}$ и давлении $p = 1,23 \text{ МПа}$. Масса смеси $m = 145 \text{ г}$. Определить массу m_1 водорода и массу m_2 азота.
141. Газовая смесь, состоящая из кислорода и азота, находится в баллоне под давлением $p = 1 \text{ МПа}$. Считая, что масса кислорода составляет 20% от массы смеси, определить парциальные давления p_1 и p_2 отдельных газов.
142. Один баллон емкостью $V_1 = 20 \text{ л}$ содержит азот под давлением $p_1 = 2,5 \text{ МПа}$, другой баллон емкостью $V_2 = 44 \text{ л}$ содержит кислород под давлением $p_2 = 1,6 \text{ МПа}$. Оба баллона были соединены между собой и оба газа смешались, образовав однородную смесь (без изменения температуры). Найти парциальные давления p_1 и p_2 обоих газов в смеси и полное давление p смеси.
143. Определить среднюю кинетическую энергию $\langle \omega \rangle$ одной молекулы водяного пара при температуре $T = 360 \text{ К}$.
144. Найти среднюю кинетическую энергию $\langle \omega_{\text{вращ}} \rangle$ вращательного движения одной молекулы водорода, а также суммарную кинетическую энергию U всех молекул в одном моле водорода при температуре $T = 190 \text{ К}$.
145. Определить температуру газа, если средняя кинетическая энергия $\langle \omega_{\text{пост}} \rangle$ поступательного

движения его молекул равна $2,07 \cdot 10^{-21}$ Дж.

146. Найти среднюю кинетическую энергию $\langle \omega_{\text{пост}} \rangle$ поступательного движения одной молекулы, а также суммарную кинетическую энергию U всех молекул, заключенных в одном моле и в одном килограмме гелия при температуре $T = 70$ К

147. В азоте взвешены мельчайшие пылинки, которые движутся так, как если бы они были очень крупными молекулами. Масса каждой пылинки $m = 10^{-10}$ г. Температура газа $T = 293$ К. Определить средние квадратичные скорости $\langle v_{\text{кв}} \rangle$, а также средние кинетические энергии $\langle \omega_{\text{пост}} \rangle$ поступательного движения молекул азота и пылинок.

148. Определить среднюю кинетическую энергию $\langle \omega_{\text{вращ}} \rangle$ вращательного движения одной молекулы двухатомного газа, если суммарная кинетическая энергия молекул одного киломоля этого газа $U = 3,01$ МДж.

149. Сосуд емкостью $V = 4$ л содержит $m = 0,6$ г некоторого газа под давлением $p = 0,2$ МПа. Определить среднюю квадратичную скорость молекул газа.

150. Газ занимает объем $V = 1$ л под давлением $p = 0,2$ МПа. Определить кинетическую энергию поступательного движения всех молекул, находящихся в данном объеме.

151. Вычислить теплоемкость при постоянном объеме двухатомного газа, заключенного в сосуд $V = 10$ л при нормальных условиях.

152. Вычислить киломольные (килоатомные) C_v и C_p и удельные C_V и C_P теплоемкости для кислорода и аргона, принимая эти газы за идеальные.

153. Смесь состоит из двух молей одноатомного газа и одного моля двухатомного газа. Определить мольные теплоемкости C_v и C_p смеси.

154. Вычислить теплоемкость при постоянном объеме газа, заключенного в сосуд емкостью $V = 20$ л при нормальных условиях. Газ одноатомный.

155. Относительная молекулярная масса газа $M = 4$. Отношение теплоемкостей $C_P/C_v = 1,67$. Вычислить удельные теплоемкости газа.

156. Удельные теплоемкости некоторого газа: $C_v = 10,4 \text{ кДж/(г}\cdot\text{К)}$ и $C_p = 14,6 \text{ кДж/(г}\cdot\text{К)}$.

Определить киломольные теплоемкости.

157. Разность удельных теплоемкостей некоторого газа $C_p - C_v = 2,08 \text{ кДж/(гК)}$. Определить относительную молекулярную массу M газа.

158. Некоторый газ находится при температуре $T = 350$ К в баллоне емкостью $V = 100$ л под давлением $p = 0,2$ МПа. Теплоемкость этого газа при постоянном объеме $C = 140 \text{ Дж/К}$. Определить отношение теплоемкостей C_P/C_V .

159. При некоторых условиях 40% молекул водорода распались на атомы. Найти удельные теплоемкости C_p и C_v такого водорода.

160. Каковы удельные теплоемкости C_v и C_p смеси газов, содержащей кислород массой $m_1 = 10$ г и азот массой $m_2 = 20$ г?

161. Смесь газов состоит из двух молей одноатомного и трех молей двухатомного газа. Определить мольные теплоемкости C_p и C_v смеси.

162. Найти отношение C_P/C_V для смеси газов, состоящей из гелия массой $m_1 = 10$ г и водорода массой $m_2 = 4$ г.

163. Определить удельные теплоемкости C_p и C_v смеси газов, содержащей гелий массой $m_1 = 10$ г и водород $m_2 = 10$ г.

164. Молекулы двухатомного газа при некоторых условиях частично распадаются на отдельные атомы. Определить, сколько процентов молекул распалось, если отношение теплоемкостей такого газа $\gamma = C_p/C_v = 1,5$.

165. Вычислить мольные и удельные теплоемкости газа, если относительная молекулярная масса его $M = 30$, а отношение теплоемкостей $\gamma = 1,4$.

166. Определить мольные теплоемкости C_v и C_p смеси кислорода массой $m_1 = 5$ г и азота массой $m_2 = 2$ г.

167. Определить среднее число соударений $\langle z \rangle$ в секунду молекулы водорода при температуре $T = 300$ К и давлении $p = 10^{-3}$ мм рт. ст.

168. Средняя длина свободного пробега молекул кислорода при нормальных условиях $\langle l \rangle = 10^{-5}$ см. Вычислить среднюю арифметическую скорость $\langle v \rangle$ молекул и среднее число соударений $\langle z \rangle$ молекулы в секунду.
169. Найти диаметр d молекул водорода, если для водорода при нормальных условиях длина свободного пробега молекул $\langle l \rangle = 112$ нм.
170. Определить среднюю длину свободного пробега $\langle l \rangle$ молекул водорода при температуре $T = 300$ К и давлении $p = 40$ мкПа.
171. Баллон емкостью $V = 10$ л содержит азот массой $m = 1$ г. Определить среднюю длину свободного пробега молекул.
172. Определить плотность ρ водорода, если средняя длина свободного пробега его молекул $\langle l \rangle = 0,1$ см.
173. Баллон емкостью $V = 5$ л содержит водород массой $m = 1$ г. Определить среднее число соударений $\langle z \rangle$ молекулы в секунду.
174. Определить среднюю длину свободного пробега $\langle l \rangle$ и среднее число столкновений $\langle z \rangle$ молекулы гелия при температуре $T = 400$ К и давлении $p = 1$ Па.
175. В цилиндре под поршнем находится водород массой $m = 0,02$ кг при температуре $T = 300$ К. Водород сначала расширился адиабатически, увеличив свой объем в 5 раз, а затем был сжат изотермически, причем объем газа уменьшился в 5 раз. Найти температуру T_2 в конце адиабатического расширения и полную работу A , совершенную газом. Изобразить процесс графически.
176. При изотермическом расширении водорода массой $m = 1$ г объем газа V увеличился в 2 раза. Определить работу A расширения, совершенную газом, если температура газа $T = 300$ К. Определить теплоту Q , переданную при этом газу.
177. При адиабатическом сжатии кислорода массой $m = 1$ кг совершена работа $A = 100$ кДж. Какова конечная температура T_2 газа, если до сжатия кислород находился при температуре $T_1 = 300$ К?
178. Из баллона, содержащего водород под давлением $p_1 = 1$ МПа при температуре $T_1 = 290$ К, выпустили половину находившегося в нем газа. Считая процесс адиабатическим, определить конечные температуру T_2 и давление p_2 .
179. Воздух, находившийся под давлением $p_1 = 0,1$ МПа, был адиабатически сжат до давления $p_2 = 1$ МПа. Каково будет давление p_3 , когда сжатый воздух, сохраняя объем неизменным, охладится до первичной температуры?
180. При изотермическом расширении одного моля водорода, имевшего температуру $T = 300$ К, затрачена теплота $Q = 2$ кДж. Во сколько раз увеличился объем газа?
181. В цилиндре под поршнем находится азот массой $m = 20$ г. Газ был нагрет от температуры $T_1 = 300$ К до температуры $T_2 = 450$ К при постоянном давлении. Определить теплоту Q , переданную газу, совершенную газом работу A и приращение ΔU внутренней энергии.
182. Кислород массой $m = 2$ кг занимает объем $V_1 = 1$ м³ и находится под давлением $p_1 = 0,2$ МПа. При нагревании газ расширился при постоянном давлении до объема $V_2 = 3$ м³, а затем его давление возросло до $p_2 = 0,5$ МПа при неизменном объеме. Найти изменение внутренней энергии ΔU газа, совершенную им работу A и теплоту Q , переданную газу. Построить график процесса.
183. Газ совершает цикл Карно. Работа изотермического расширения газа $A = 5$ Дж. Определить работу изотермического сжатия, если термический КПД цикла $\eta = 0,2$.
184. Совершая цикл Карно, газ отдал охладителю теплоту $Q_2 = 4$ кДж Q . Работа цикла $A = 1$ кДж. Определить температуру нагревателя, если температура охладителя $T = 300$ К.
185. Газ совершает цикл Карно. Абсолютная температура охладителя $T_2 = 290$ К. Во сколько раз увеличится КПД цикла, если температура нагревателя повысится от $T'_1 = 400$ К до $T''_1 = 600$ К?
186. Газ совершает цикл Карно. Температура нагревателя $T_1 = 475$ К, охладителя $T_2 = 260$ К. При изотермическом расширении газ совершил работу $A = 100$ Дж. Определить термический КПД цикла, а также теплоту Q_2 , которую газ отдает охладителю при изотермическом сжатии.
187. Совершая цикл Карно, газ получил от нагревателя теплоту $Q_1 = 1$ кДж и совершил работу $A = 200$ Дж. Температура нагревателя $T_1 = 375$ К. Определить температуру охладителя.
188. Газ, совершающий цикл Карно, получает от нагревателя теплоту $Q = 42$ кДж. Какую работу совершает газ, если абсолютная температура T_1 нагревателя в 3 раза выше, чем температура T_2 охладителя?

189. Совершая цикл Карно, газ отдал охладителю $\frac{2}{3}$ теплоты, полученной от нагревателя. Определить температуру охладителя, если температура нагревателя $T_1 = 425$ К.
190. Газ совершает цикл Карно. Температура охладителя $T_2 = 273$ К. Какова температура нагревателя, если за счет $4,2 \cdot 10^3$ Дж теплоты, полученной от нагревателя, газ совершает работу $A = 1,2$ кДж?
191. Кислород массой $m = 2$ кг занимает объем $V_1 = 1 \text{ м}^3$ и находится под давлением $p_1 = 0,2$ МПа. Газ был нагрет сначала при постоянном давлении до объема $V_2 = 3 \text{ м}^3$, а затем при постоянном объеме до давления $p_2 = 0,5$ МПа. Найти: 1) изменение внутренней энергии ΔU газа; 2) совершенную им работу A ; 3) количество теплоты Q , переданное газу. Построить график процесса.
192. Гелий массой $m = 1$ г был нагрет на $\Delta T = 100$ К при постоянном давлении p . Определить: 1) количество теплоты Q , переданное газу; 2) работу A расширения; 3) приращение ΔU внутренней энергии газа.
193. Какая доля w_1 количества теплоты Q_1 , подводимого к идеальному газу при изобарном процессе, расходуется на увеличение ΔU внутренней энергии газа и какая доля w_2 – на работу A расширения? Рассмотреть три случая, если газ: 1) одноатомный; 2) двухатомный; 3) трехатомный.
194. Водяной пар расширяется при постоянном давлении. Определить работу A расширения, если пару передано количество теплоты $\Delta U = 4$ кДж.
195. Азот массой $m = 200$ г расширяется изотермически при температуре $T = 280$ К, причем объем газа увеличивается в 2 раза. Найти: 1) изменение ΔU внутренней энергии газа; 2) совершенную при расширении газа работу A ; 3) количество теплоты Q , полученное газом.
196. В цилиндре под поршнем находится азот массой $m = 0,6$ кг, занимающий объем $V_1 = 1,2 \text{ м}^3$ при температуре $T = 560$ К. В результате подвода теплоты газ расширился и занял объем $V_1 = 4,2 \text{ м}^3$, причем температура осталась неизменной. Найти: 1) изменение ΔU внутренней энергии газа; 2) совершенную им работу A ; 3) количество теплоты Q , сообщенное газу.
197. Водород массой $m = 10$ г нагрели на $\Delta T = 200$ К, причем газу было передано количество теплоты $Q = 40$ кДж. Найти изменение ΔU внутренней энергии газа и совершенную им работу A .
198. При изотермическом расширении водорода массой $m = 1$ г, имевшего температуру $T = 280$ К, объем газа увеличился в 3 раза. Определить работу A расширения газа и полученное газом количество теплоты Q .
199. Азот, занимавший объем $V_1 = 10$ л под давлением $p_1 = 0,2$ МПа, изотермически расширился до объема $V_2 = 28$ л. Определить работу A расширения газа и количество теплоты Q , полученное газом.
200. При изотермическом расширении кислорода, содержащего количество вещества $v = 1$ моль и имевшего температуру $T = 300$ К, газу было передано количество теплоты $Q = 2$ кДж. Во сколько раз увеличился объем газа?
201. Два шарика массой $m = 1$ г каждый подвешены на нитях, верхние концы которых соединены вместе. Длина каждой нити $l = 10$ см. Какие одинаковые заряды надо сообщить шарикам, чтобы нити разошлись на угол $\alpha = 60^\circ$?
202. Расстояние d между зарядами $Q_1 = 100$ нКл и $Q_2 = -50$ нКл равно 10 см. Определить силу F , действующую на заряд $Q_3 = 1$ мкКл, отстоящий на $r_1 = 12$ см от заряда Q_1 и на $r_2 = 10$ см от заряда Q_2 .
203. Тонкий длинный стержень равномерно заряжен с линейной плотностью $\tau = 1,5$ нКл/см. На продолжении оси стержня на расстоянии $d = 12$ см от его конца находится точечный заряд $Q = 0,2$ мкКл. Определить силу взаимодействия заряженного стержня и точечного заряда.
204. Длинная прямая тонкая проволока несет равномерно распределенный заряд. Вычислить линейную плотность τ заряда, если напряженность поля на расстоянии $r = 0,5$ м от проволоки против ее середины $E = 2$ В/см.
205. С какой силой, приходящейся на единицу площади, отталкиваются две одноименно заряженные бесконечно протяженные плоскости с одинаковой поверхностной плотностью заряда $\sigma = 2$ мкКл/м²?
206. Какую ускоряющую разность потенциалов U должен пройти электрон, чтобы получить скорость $v = 8000$ км/с?
207. Заряд равномерно распределен по бесконечной плоскости с поверхностной плотностью $\sigma = 10$ нКл/м². Определить разность потенциалов двух точек поля, одна из которых находится на плоскости, а другая удалена от нее на расстояние $\alpha = 10$ см.
208. Электрон с начальной скоростью $v_0 = 3 \cdot 10^6$ м/с влетел в однородное электрическое поле

напряженностью $E = 150$ В/м. Вектор начальной скорости перпендикулярен линиям напряженности электрического поля. Найти: 1) силу, действующую на электрон; 2) ускорение, приобретаемое электроном; 3) скорость электрона через $t = 0,1$ мкс.

209. К батарее с ЭДС $\varepsilon = 300$ В подключены два плоских конденсатора емкостью $C_1 = 2$ пФ и $C_2 = 3$ пФ. Определить заряд Q и напряжение U на пластинах конденсаторов в двух случаях: 1) при последовательном соединении; 2) при параллельном соединении.

210. Конденсатор емкостью $C_1 = 600$ см зарядили до разности потенциалов $U = 1,5$ кВ и отключили от источника напряжения. Затем к конденсатору присоединили параллельно второй, незаряженный конденсатор емкостью $C_2 = 400$ см. Сколько энергии, запасенной в первом конденсаторе, было израсходовано на образование искры, проскочившей при соединении конденсаторов?

211. На концах медного провода длиной $l = 5$ м поддерживается напряжение $U = 1$ В. Определить плотность тока δ в проводе.

212. Сопротивление $r_1 = 5$ Ом, вольтметр и источник тока соединены параллельно. Вольтметр показывает напряжение $U_1 = 10$ В. Если заменить сопротивление на $r_2 = 12$ Ом, то вольтметр покажет напряжение $U_2 = 12$ В. Определить ЭДС и внутреннее сопротивление источника тока. Током через вольтметр пренебречь

213. Определить заряд, прошедший по проводу с сопротивлением $r = 3$ Ом при равномерном нарастании напряжения на концах провода от $U_1 = 2$ В до $U_2 = 4$ В в течение времени $t = 20$ с.

214. Определить силу тока в цепи, состоящей из двух элементов с ЭДС $\varepsilon_1 = 1,6$ В и $\varepsilon_2 = 1,2$ В внутренними сопротивлениями $r_1 = 0,6$ Ом и $r_2 = 0,4$ Ом, соединенных одноименными полюсами.

215. Три батареи с ЭДС $\varepsilon_1 = 8$ В, $\varepsilon_2 = 3$ В и $\varepsilon_3 = 4$ В с внутренними сопротивлениями $r = 2$ Ом каждое соединены одноименными полюсами. Пренебрегая сопротивлением соединительных проводов определить токи, идущие через батареи.

216. Определить напряжение U на зажимах реостата сопротивлением r (рис. 17), если $\varepsilon_1 = 5$ В, $r_1 = 1$ Ом, $\varepsilon_2 = 3$ В, $r_2 = 0,5$ Ом, $r = 3$ Ом.

217. Определить напряжение на сопротивлениях $r_1 = 2$ Ом, $r_2 = r_3 = 4$ Ом и $r_4 = 2$ Ом, включенных в цепь, как показано на рис. 18, если $\varepsilon_1 = 10$ В, $\varepsilon_2 = 4$ В. Сопротивлениями источников тока пре- небречь.

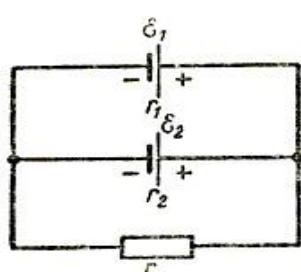


Рис. 17

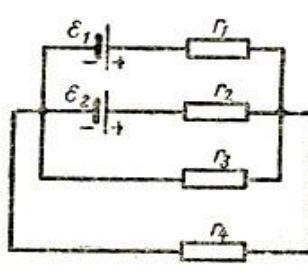


Рис. 18

218. Два положительных точечных заряда Q и $4Q$ закреплены на расстоянии $l = 60$ см друг от друга. Определить,, в какой точке на прямой, проходящей через заряды, следует поместить третий заряд так, чтобы он находился в равновесии. Указать, какой знак должен иметь этот заряд для того, чтобы равновесие было устойчивым, если перемещения заряда возможны только вдоль прямой, проходящей через закрепленные заряды.

219. Три одинаковых маленьких шарика массой $m = 0,12$ г подвешены к одной точке на нитях длиной $l = 20$ см. Какие заряды следует сообщить шарикам, чтобы каждая нить составляла с вертикалью угол $\alpha = 30^\circ$? Массу нити не учитывать.

220. Два одинаковых заряженных шарика подвешены в одной точке на нитях одинаковой длины. При этом нити разошлись на угол α . Шарики погружаются в масло плотностью $p_0 = 8 \cdot 10^2$ кг/м³. Какова диэлектрическая проницаемость ϵ масла, если угол расхождения нитей при погружении шариков в масло остается неизменным? Плотность материала шариков $\rho = 1,6 \cdot 10^3$ кг/м³.

221. В вершинах квадрата находятся одинаковые заряды $Q = 3 \cdot 10^{-10}$ Кл каждый. Какой отрицательный заряд Q_1 нужно поместить в центре квадрата, чтобы сила взаимного отталкивания положительных зарядов была уравновешена силой притяжения отрицательного заряда?

222. Расстояние d между двумя точечными зарядами $Q_1 = -180 \text{ нКл}$ и $Q_2 = 720 \text{ нКл}$ равно 60 см. Определить точку, в которую нужно поместить третий заряд Q_3 так, чтобы система зарядов находилась в равновесии. Определить величину и знак заряда. Устойчивое или неустойчивое будет равновесие?

223. Два одинаковых металлических заряженных шара находятся на расстоянии $r = 60 \text{ см}$. Сила отталкивания шаров $F_1 = 70 \text{ мкН}$. После того как шары привели в соприкосновение и удалили друг от друга на прежнее расстояние, сила отталкивания возросла и стала равной $F_2 = 160 \text{ мкН}$. Вычислить заряды Q_1 и Q_2 , которые были на шарах до их соприкосновения. Диаметр шаров считать много меньшим расстояния между ними.

224. Четыре одинаковых заряда $Q = 10 \text{ нКл}$ каждый закреплены в вершинах квадрата со стороной $a = 20 \text{ см}$. Найти силу F , действующую на один из этих зарядов со стороны трех остальных.

225. Точечные заряды $Q_1 = 1 \text{ мкКл}$ и $Q_2 = -1 \text{ мкКл}$ находятся на расстоянии $d = 10 \text{ см}$ друг от друга. Определить напряженность поля в точке, удаленной на $r_1 = 6 \text{ см}$ от первого и $r_2 = 8 \text{ см}$ от второго заряда. Определить также силу, действующую в этой точке на точечный заряд $Q = 0,1 \text{ мкКл}$.

226. На продолжении оси тонкого прямого стержня, равномерно заряженного, с линейной плотностью заряда $\tau = 1 \text{ нКл/см}$ на расстоянии $a = 10 \text{ см}$ от конца стержня находится точечный заряд $Q = 0,1 \text{ мкКл}$. Второй конец стержня уходит в бесконечность. Определить силу взаимодействия стержня и точечного заряда, а также напряженность поля в точке, где находится заряд.

227. Два длинных, тонких, равномерно заряженных стержня расположены перпендикулярно друг другу так, что точка пересечения их осей находится на расстоянии $a = 8 \text{ см}$ и $b = 5 \text{ см}$ от ближайших концов стержней. Найти силу, действующую на заряд $Q = 10 \text{ нКл}$, помещенный в точку пересечения осей стержней.

228. Определить напряженность поля, создаваемого тонким, длинным стержнем, равномерно заряженным, с линейной плотностью $\tau = 0,2 \text{ мкКл/см}$ в точке, находящейся на расстоянии $r = 2 \text{ см}$ от стержня, вблизи его середины. Определить также силу, действующую на точечный заряд $Q = 10 \text{ нКл}$, помещенный в этой точке.

229. Тонкое полукольцо радиусом $R = 10 \text{ см}$ несет равномерно распределенный заряд $Q_1 = 0,2 \text{ мкКл}$. Определить напряженность поля в центре кривизны полукольца, а также силу, действующую в этой точке на точечный заряд $Q_2 = 10 \text{ нКл}$.

230. На тонком кольце равномерно распределен заряд с линейной плотностью заряда $\tau = 20 \text{ кКл/см}$. Радиус кольца $R = 5 \text{ см}$. На перпендикуляре к плоскости кольца, восстановленном из его середины, находится точечный заряд $Q = 40 \text{ нКл}$. Определить силу, действующую на точечный заряд со стороны заряженного кольца, если он удален от центра кольца на: 1) $a_1 = 10 \text{ см}$; 2) $a_2 = 2 \text{ м}$.

231. По тонкой нити длиной $l = 4\pi \text{ см}$, имеющей форму дуги окружности радиусом $R = 12 \text{ см}$, равномерно распределен заряд $Q_1 = 19 \text{ нКл}$. В центре кривизны дуги расположен заряд Q_2 , на который нить действует с силой $F = 40 \text{ мкН}$. Определить заряд Q_3 .

232. Определить напряженность поля, создаваемого зарядом, равномерно распределенным по тонкому прямому стержню длиной $l = 10 \text{ см}$ в точке с линейной плотностью заряда $\tau = 100 \text{ нКл/м}$, лежащей на продолжении оси стержня на расстоянии $a = 10 \text{ см}$ от ближайшего конца. Определить также силу, действующую в этой точке на точечный заряд $Q = 10 \text{ нКл}$.

233. По тонкому кольцу радиусом $R = 6 \text{ см}$ равномерно распределен заряд $Q_1 = 24 \text{ нКл}$. Какова напряженность поля в точке, находящейся на оси кольца на расстоянии $a = 18 \text{ см}$ от центра кольца? Найти также силу, действующую в этой точке на точечный заряд $Q_2 = 0,5 \text{ нКл}$.

234. Две одинаковые круглые пластины площадью $S = 100 \text{ см}^2$ каждая расположены параллельно друг другу. Заряд одной пластины $Q_1 = 100 \text{ нКл}$, другой $Q_2 = 200 \text{ нКл}$. Определить силу взаимного притяжения пластин, если расстояние между ними: а) $r_1 = 2 \text{ мм}$; б) $r_2 = 10 \text{ м}$.

235. Две длинные прямые параллельные нити находятся на расстоянии $d = 10 \text{ см}$ друг от друга. На нитях равномерно распределены заряды с линейными плотностями $\tau_1 = -2 \text{ нКл/см}$ и $\tau_2 = 4 \text{ нКл/см}$. Определить напряженность электрического поля E в точке, удаленной от первой нити на расстояние $r_1 = 6 \text{ см}$ и от второй на расстояние $r_2 = 8 \text{ см}$.

236. С какой силой (на единицу длины) взаимодействуют две заряженные бесконечно длинные параллельные нити с одинаковой линейной плотностью заряда $\tau = 2 \text{ мкКл/м}$, находящиеся на расстоянии $r = 4 \text{ см}$ друг от друга?

237. К бесконечной, равномерно заряженной, вертикальной плоскости подвешен на нити одноименно заряженный шарик массой $m = 40$ мг и зарядом $Q = 670$ пКл, Натяжение нити, на которой висит шарик, $F = 490$ мкН. Найти поверхностную плотность заряда на плоскости.
238. Поверхностная плотность заряда бесконечно протяженной вертикальной плоскости $\sigma = 98$ мкКл/м². К плоскости на нити подвешен заряженный шарик массой $m = 10$ г. Определить заряд Q шарика, если нить образует с плоскостью угол $\phi = 45^\circ$.
239. С какой силой на единицу площади взаимодействуют две бесконечные параллельные плоскости, заряженные с одинаковой поверхностной плотностью $\sigma = 2$ мкКл/м²?
240. Параллельно бесконечной плоскости, заряженной с поверхностной плотностью заряда $\sigma = 1$ мкКл/м², расположена бесконечно длинная прямая нить, заряженная с линейной плотностью $\tau = 10$ нКл/м. Определить силу, действующую со стороны плоскости на единицу длины нити.
241. На бесконечном тонкостенном цилиндре диаметром $d = 10$ см равномерно распределен заряд с поверхностной плотностью $\sigma = 1$ мкКл/м². Определить напряженность поля в точке, отстоящей от поверхности цилиндра на $a = 5$ см.
242. Три одинаковых капли ртути, заряженных до потенциала $\phi = 20$ В, сливаются в одну. Каков потенциал образовавшейся капли?
243. Тонкий стержень согнут в кольцо радиусом $R = 10$ см. Он равномерно заряжен с линейной плотностью $\tau = 300$ нКл/м. Определить потенциал в точке, расположенной на оси кольца на расстоянии $h = 20$ см от его центра.
244. Определить потенциальную энергию системы двух точечных зарядов $Q_1 = 100$ нКл и $Q_2 = 10$ нКл, находящихся на расстоянии $r = 10$ см друг от друга.
245. Электрическое поле образовано бесконечно длинной нитью, заряженной с линейной плотностью $\tau = 10$ пКл/м. Определить разность потенциалов U двух точек поля, отстоящих от нити на расстоянии $r_1 = 5$ см и $r_2 = 10$ см.
246. Поле образовано бесконечной равномерно заряженной плоскостью с поверхностной плотностью заряда $\sigma = 10$ нКл/м². Определить разность потенциалов U двух точек поля, отстоящих от плоскости на $r_1 = 5$ см и $r_2 = 10$ см.
247. Тонкая квадратная рамка равномерно заряжена с линейной плотностью заряда $\tau = 100$ пКл/м. Определить потенциал ϕ поля в точке пересечения диагоналей.
248. Две параллельные плоскости, заряженные с поверхностными плотностями $\sigma_1 = 0,2$ мкКл/м² и $\sigma_2 = -0,3$ мкКл/м², находятся на расстоянии $d = 0,5$ см друг от друга. Определить разность потенциалов между плоскостями.
249. Поле образовано точечным диполем с электрическим моментом $p = 100$ пКл·м. Определить разность потенциалов U двух точек поля, расположенных симметрично относительно диполя на его оси на расстоянии $r = 10$ см от центра диполя.
250. При бомбардировке неподвижного ядра натрия α -частицей сила отталкивания между ними достигла $F = 140$ Н. На какое наименьшее расстояние приблизилась α -частица к ядру атома натрия? Какую скорость имела α -частица вдали от ядра? Влиянием электронной оболочки атома натрия пренебречь.
251. Пылинка массой $m = 1$ нг, несущая на себе 5 электронов, прошла в вакууме ускоряющую разность потенциалов $U = 5$ МВ. Какова кинетическая энергия пылинки? Какую скорость приобрела пылинка?
252. Электрон, обладающий кинетической энергией $T = 5$ эВ, влетел в однородное электрическое поле в направлении силовых линий поля. Какой скоростью будет обладать электрон, пройдя в этом поле разность потенциалов $U = 2$ В?
253. Ион атома водорода H^+ прошел разность потенциалов $Q_1 = 100$ В, ион атома калия C^+ — разность потенциалов $Q_2 = 200$ В. Найти отношение скоростей этих ионов.
254. Электрон с энергией $T = 100$ эВ (в бесконечности) движется вдоль силовой линии по направлению к поверхности металлической заряженной сферы радиусом $R = 5$ см. Определить минимальное расстояние, на которое приблизится электрон к поверхности сферы, если заряд ее $Q = -1$ нКл.
255. Найти отношение скоростей ионов Ca^{++} и Na^+ , прошедших одинаковую разность потенциалов.
256. Электрон, пройдя в плоском конденсаторе путь от одной пластины до другой, приобрел

скорость $v = 10^8$ см/с. Расстояние между пластинами $d = 5,3$ мм. Найти: 1) разность потенциалов между пластинами; 2) поверхностную плотность заряда на пластинах.

257. Пылинка массой $m = 10$ мкг, несущая на себе заряд $Q = 10$ нКл, влетела в электрическое поле в направлении силовых линий. После прохождения разности потенциалов $U = 150$ В пылинка имела скорость $v = 20$ м/с. Определить скорость пылинки до того, как она влетела в поле.

258. Два конденсатора емкостью $C_1 = 2$ мкФ и $C_2 = 3$ мкФ соединены последовательно и присоединены к батарее ЭДС $\varepsilon = 30$ В. Определить заряд каждого конденсатора и разность потенциалов между его обкладками.

259. Пространство между пластинами плоского конденсатора заполнено двумя слоями диэлектриков: слоем стекла толщиной $d_1 = 1$ см и слоем парафина толщиной $d_2 = 2$ см. Разность потенциалов между обкладками $U = 3$ кВ. Определить напряженность поля и падение потенциала в каждом из слоев.

260. Два металлических шарика радиусами $R_1 = 3$ см и $R_2 = 2$ см имеют: первый – заряд $Q_1 = 10$ нКл, второй – потенциал $\varphi_2 = 9$ кВ. Найти энергию, которая выделится при разряде, если шары соединить проводником.

261. Плоский конденсатор с площадью пластин $S = 300$ см² каждая заряжен до разности потенциалов $U = 1$ кВ. Расстояние между пластинами $d = 4$ см. Диэлектрик — стекло. Определить энергию W поля конденсатора и плотность ω энергии поля.

262. Расстояние между пластинами плоского конденсатора $d = 2$ см, разность потенциалов $U = 6$ кВ. Заряд каждой пластины $Q = 10$ нКл. Определить энергию W поля конденсатора и силу F взаимного притяжения пластин.

263. Емкость плоского конденсатора $C = 100$ пФ. Диэлектрик — фарфор. Конденсатор зарядили до разности потенциалов $U = 600$ В и отключили от источника напряжения. Какую работу нужно совершить, чтобы вынуть диэлектрик из конденсатора?

264. Плоский конденсатор состоит из двух круглых пластин радиусом $R = 20$ см каждая. Расстояние между пластинами $d = 5$ мм. Конденсатор присоединен к источнику напряжения $U = 3$ кВ. Определить заряд и напряженность поля конденсатора, если диэлектриком будут: а) воздух; б) стекло.

265. К воздушному конденсатору, заряженному до разности потенциалов $U_1 = 500$ В и отключенному от источника напряжения, присоединен параллельно второй конденсатор таких же размеров и формы, но с другим диэлектриком (стекло). Определить диэлектрическую проницаемость ε стекла, если после присоединения второго конденсатора разность потенциалов уменьшилась до $U_2 = 70$ В.

266. Определить число электронов, проходящих в секунду через единицу площади поперечного сечения железной проволоки длиной $l = 10$ м при напряжении на ее концах $U = 6$ В.

267. В сеть с напряжением $U = 120$ В включили катушку с сопротивлением $r = 5$ кОм и вольтметр, соединенные последовательно. Показание вольтметра $U_1 = 80$ В. Когда катушку заменили другой, вольтметр показал $U_2 = 50$ В. Определить сопротивление другой катушки.

268. ЭДС батареи $\varepsilon = 12$ В. Наибольшая сила тока, которую может дать батарея, $I_{\max} = 6$ А. Определить максимальную мощность P_{\max} , которая может выделяться во внешней цепи.

269. Катушка и амперметр соединены последовательно и присоединены к источнику тока. К клеммам катушки присоединен вольтметр с сопротивлением $r = 2$ кОм. Амперметр показывает $I = 0,25$ А, вольтметр $U = 100$ В. Определить сопротивление катушки. Сколько процентов составит ошибка, если при определении сопротивления катушки не будет учтено сопротивление вольтметра?

270. От батареи, ЭДС которой $\varepsilon = 500$ В, требуется передать энергию на расстояние $l = 2,5$ км. Потребляемая мощность $P = 10$ кВт. Найти минимальные потери мощности в сети, если диаметр медных подводящих проводов $d = 1,5$ см.

271. ЭДС батареи $\varepsilon = 60$ В, внутреннее сопротивление $r_i = 4$ Ом. Внешняя цепь потребляет мощность $P = 125$ Вт. Определить силу тока I в цепи, напряжение U , под которым находится внешняя цепь, и ее сопротивление r .

272. ЭДС батареи $\varepsilon = 8$ В. При силе тока $I = 2$ А к. п. д. батареи $\eta = 0,75$. Определить внутреннее сопротивление r_i батареи.

273. При внешнем сопротивлении $r_1 = 3$ Ом сила тока в цепи $I_1 = 0,3$ А, при сопротивлении $r_2 = 5$ Ом сила тока $I_2 = 0,2$ А. Определить силу тока короткого замыкания источника ЭДС.

274. Ток в проводнике сопротивлением $r = 100$ Ом за время $t = 30$ с равномерно нарастает от $I_1 = 0$ до $I_2 = 10$ А. Определить теплоту Q , выделившуюся за это время в проводнике.

275. Ток в проводнике сопротивлением $r = 15$ Ом за время $t = 5$ с равномерно возрастает от нуля до некоторого максимума. За это время в проводнике выделилась теплота $Q = 10$ кДж. Определить среднее значение силы тока $\langle I \rangle$ в проводнике за этот промежуток времени.

276. Сила тока в проводнике меняется со временем по закону $I = I_0 \sin \omega t$. Найти заряд, протекший через поперечное сечение проводника за половину периода T , если начальная сила тока $I_0 = 5$ А, циклическая частота $\omega = 100 \pi c^{-1}$.

277. В проводнике за время $t = 10$ с при равномерном возрастании тока от $I_1 = 0$ до $I_2 = 2$ А выделилась теплота $Q = 2$ кДж. Найти сопротивление r проводника.

278. По проводнику сопротивлением $r = 3$ Ом течет равномерно возрастающий ток. За время $t = 8$ с в проводнике выделилась теплота $Q = 200$ Дж. Определить заряд q , протекший за это время по проводнику. В момент времени, принятый за начальный, ток в проводнике был равен нулю.

279. Сила тока в проводнике меняется со временем по закону $I = I_0 t^{-\alpha}$. Начальная сила тока $I_0 = 10$ А, $\alpha = 10^3 c^{-1}$. Определить теплоту, выделившуюся в проводнике за время $t = 10^{-3}$ с.

280. Сила тока в проводнике сопротивлением $r = 12$ Ом равномерно убывает от $I_1 = 5$ А до $I_2 = 0$ в течение $t = 10$ с. Определить теплоту Q , выделившуюся в этом проводнике за указанный промежуток времени.

281. Сила тока в проводнике равномерно увеличивается от нуля до некоторого максимального значения в течение времени $t = 10$ с. За это время в проводнике выделилась теплота $Q = 1$ кДж. Определить скорость нарастания тока в проводнике, если сопротивление его $r = 3$ Ом.

282. Определить силу тока в каждом элементе и напряжение на зажимах реостата (см. рис. 17), если $\varepsilon_1 = 8$ В, $r_1 = 1$ Ом, $\varepsilon_2 = 4$ В, $r_2 = 0,5$ Ом и $r = 50$ Ом.

283. Два источника тока $\varepsilon_1 = 14$ В с внутренним сопротивлением $r_1 = 2$ Ом и $\varepsilon_2 = 6$ В с внутренним сопротивлением $r_2 = 4$ Ом, а также реостат $r = 10$ Ом соединены, как показано на рис. 20. Определить силы тока в реостате и в источниках тока.

284. Три сопротивления $r_1 = 5$ Ом, $r_2 = 1$ Ом и $r_3 = 3$ Ом, а также источник тока $\varepsilon_1 = 1,4$ В соединены, как показано на рис. 20. Определить ЭДС источника, который надо подключить в цепь между точками A и B , чтобы в сопротивлении r_3 шел ток силой 1 А в направлении, указанном стрелкой. Сопротивлением источников тока пренебречь.

285. Определить разность потенциалов между точками A и B (рис. 20), если $\varepsilon_1 = 3$ В, $\varepsilon_2 = 2$ В, $r_1 = 1$ Ом, $r_2 = 5$ Ом, $r_3 = 3$ Ом. Внутренними сопротивлениями источников тока пренебречь.

286. Сопротивление $r = 4$ Ом подключено к двум параллельно соединенным источникам тока с ЭДС $\varepsilon_1 = 2,2$ В и $\varepsilon_2 = 1,4$ В и внутренним сопротивлением $r_1 = 0,6$ Ом и $r_2 = 0,4$ Ом. Определить силу тока в сопротивлении r и напряжение на зажимах второго источника тока.

287. Определить силы токов на всех участках электрической цепи (см. рис. 18), если $\varepsilon_1 = 3$ В, $\varepsilon_2 = 8$ В, $r_1 = 4$ Ом, $r_2 = 3$ Ом, $r_3 = 1$ Ом, $r_4 = 2$ Ом. Внутренними сопротивлениями источников тока пренебречь.

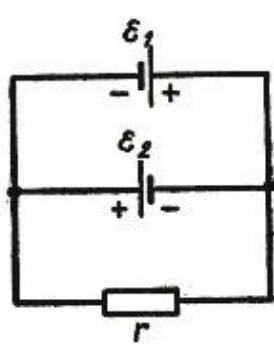


Рис. 19

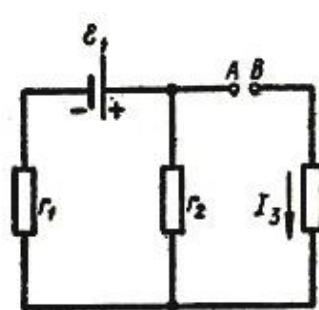


Рис. 20

288. Определить силу тока в сопротивлении r_3 (рис. 21) и напряжение на концах этого сопротивления, если $\varepsilon_1 = 4$ В, $\varepsilon_2 = 3$ В, $r_1 = 2$ Ом, $r_2 = 6$ Ом, $r_3 = 1$ Ом. Внутренними сопротивлениями

источников тока пренебречь.

289. Две батареи ($\varepsilon_1 = 10$ В, $r_1 = 1$ Ом, $\varepsilon_2 = 8$ В, $r_2 = 2$ Ом) и реостат ($r = 6$ Ом) соединены, как показано на рис. 19. Определить силу тока в батареях и реостате.

290. Лампочка и реостат, соединенные последовательно, присоединены к источнику тока. Напряжение U на зажимах лампочки равно 40 В, сопротивление R реостата равно 10 Ом. Внешняя цепь потребляет мощность $P = 120$ Вт. Найти силу тока I в цепи.

291. ЭДС батареи аккумуляторов $E = 12$ В, сила тока I короткого замыкания равна 5 А. Какую наибольшую мощность P_{\max} можно получить во внешней цепи, соединенной с такой батареей?

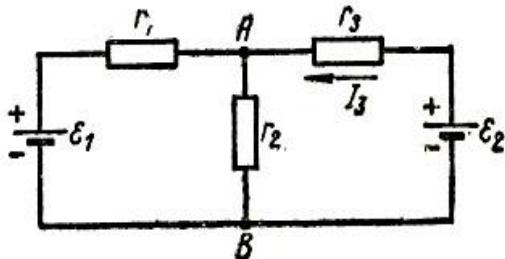


Рис. 21

292. К батарее аккумуляторов, ЭДС которой равна 2 В и внутреннее сопротивление $r = 0,5$ Ом, присоединен проводник. Определить: 1) сопротивление R проводника, при котором мощность, выделяемая в нем, максимальна; 2) мощность P , которая при этом выделяется в проводнике.

293. ЭДС батареи равна 20 В. Сопротивление R внешней цепи равно 2 Ом, сила тока $I = 4$ А. Найти КПД батареи. При каком значении внешнего сопротивления R КПД будет равен 99%?

294. К зажимам батареи аккумуляторов присоединен нагреватель. ЭДС батареи равна $E = 24$ В, внутреннее сопротивление $r = 1$ Ом. Нагреватель, включенный в цепь, потребляет мощность $P = 80$ Вт. Вычислить силу тока I в цепи и КПД η нагревателя.

295. Обмотка электрического кипятильника имеет две секции. Если включена только первая секция, то вода закипает через $t_1 = 15$ мин, если только вторая, то через $t_2 = 30$ мин. Через сколько минут закипит вода, если обе секции включить последовательно? параллельно?

296. При силе тока $I_1 = 3$ А во внешней цепи батареи аккумуляторов выделяется мощность $P_1 = 18$ Вт, при силе тока $I_2 = 1$ А – соответственно $P_2 = 10$ Вт. Определить ЭДС и внутреннее сопротивление r батареи.

297. Сила тока в проводнике сопротивлением $r = 100$ Ом равномерно нарастает от $I_0 = 0$ до $I_{\max} = 10$ А в течение времени $t = 30$ с. Определить количество теплоты Q , выделившееся за это время в проводнике.

298. Сила тока в проводнике сопротивлением $R = 12$ Ом равномерно убывает от $I_0 = 5$ А до $I = 0$ в течение времени $t = 10$ с. Какое количество теплоты Q выделяется в этом проводнике за указанный промежуток времени?

299. По проводнику сопротивлением $R = 3$ Ом течет ток, сила которого возрастает. Количество теплоты Q , выделившееся в проводнике за время $t = 8$ с, равно 200 Дж. Определить количество электричества q , протекшее за это время по проводнику. В момент времени, принятый за начальный, сила тока в проводнике равна нулю.

300. Сила тока в проводнике сопротивлением $R = 15$ Ом равномерно возрастает от $I_0 = 0$ до некоторого максимального значения в течение времени $t = 5$ с. За это время в проводнике выделилось количество теплоты $Q = 10$ кДж. Найти среднюю силу тока $\langle I \rangle$ в проводнике за этот промежуток времени.